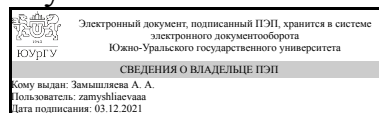


ЮЖНО-УРАЛЬСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ

УТВЕРЖДАЮ:
Директор института
Институт естественных и точных
наук



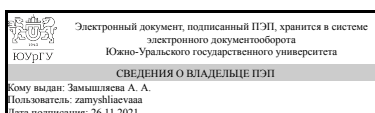
А. А. Замышляева

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА

дисциплины 1.О.25 Компьютерная алгебра
для направления 01.03.04 Прикладная математика
уровень Бакалавриат
форма обучения очная
кафедра-разработчик Прикладная математика и программирование

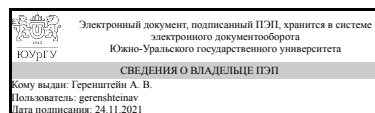
Рабочая программа составлена в соответствии с ФГОС ВО по направлению подготовки 01.03.04 Прикладная математика, утверждённым приказом Минобрнауки от 10.01.2018 № 11

Зав.кафедрой разработчика,
д.физ.-мат.н., проф.



А. А. Замышляева

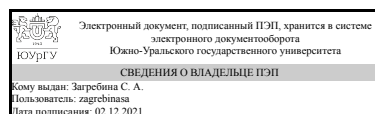
Разработчик программы,
к.физ.-мат.н., доц., доцент



А. В. Геренштейн

СОГЛАСОВАНО

Руководитель направления
д.физ.-мат.н., проф.



С. А. Загребина

1. Цели и задачи дисциплины

Цели дисциплины: изучение свойств математических структур, алгоритмов, позволяющих решать актуальные проблемы современной алгебры. Подготовка студентов к использованию полученных знаний в процессе образования и к восприятию новых научных фактов и гипотез в математике, прикладной математике и компьютерных науках. Задачи: - изучить основные определения, теоремы и алгоритмы современной алгебры, методы решения стандартных алгебраических задач; - научиться использовать методы алгебры при решении задач прикладного характера.

Краткое содержание дисциплины

Символьные вычисления. Представление данных. Большие целые числа. Факториальные кольца. Полиномы. Алгоритм Евклида над полем. Неприводимые сомножители полиномов.

2. Компетенции обучающегося, формируемые в результате освоения дисциплины

Планируемые результаты освоения ОП ВО (компетенции)	Планируемые результаты обучения по дисциплине
ОПК-1 Способен применять знание фундаментальной математики и естественно-научных дисциплин при решении задач в области естественных наук и инженерной практике	Знает: основные понятия и методы алгебры, геометрии и математического анализа Умеет: применять и обосновывать выбранные методы алгебры, геометрии и математического анализа Имеет практический опыт: использование методов алгебры, геометрии и математического анализа
ОПК-3 Способен понимать принципы работы современных информационных технологий и использовать их для решения задач профессиональной деятельности	Знает: основные методы и средства компьютерной алгебры Умеет: применять и развивать методы компьютерной алгебры с применением аналитических и научных пакетов прикладных программ Имеет практический опыт: использования методов компьютерной алгебры с применением аналитических и научных пакетов прикладных программ

3. Место дисциплины в структуре ОП ВО

Перечень предшествующих дисциплин, видов работ учебного плана	Перечень последующих дисциплин, видов работ
1.О.11 Дискретная математика и математическая логика, 1.О.09 Линейная алгебра и аналитическая геометрия	1.О.17 Математика в современном естествознании, 1.О.26 Математические и компьютерные методы прогнозирования

Требования к «входным» знаниям, умениям, навыкам студента, необходимым при освоении данной дисциплины и приобретенным в результате освоения предшествующих дисциплин:

Дисциплина	Требования
1.О.09 Линейная алгебра и аналитическая геометрия	Знает: основные понятия и методы алгебры, геометрии и математического анализа Умеет: применять и обосновывать выбранные методы алгебры, геометрии и математического анализа при решении конкретных задач Имеет практический опыт: использование методов алгебры, геометрии и математического анализа при решении конкретных задач
1.О.11 Дискретная математика и математическая логика	Знает: основные понятия и методы дискретной математики и математической логики Умеет: применять и обосновывать выбранные методы дискретной математики и математической логики Имеет практический опыт: использования методов дискретной математики и математической логики

4. Объём и виды учебной работы

Общая трудоёмкость дисциплины составляет 3 з.е., 108 ч., 70,25 ч. контактной работы

Вид учебной работы	Всего часов	Распределение по семестрам в часах	
		Номер семестра	
		6	
Общая трудоёмкость дисциплины	108	108	
<i>Аудиторные занятия:</i>	64	64	
Лекции (Л)	32	32	
Практические занятия, семинары и (или) другие виды аудиторных занятий (ПЗ)	32	32	
Лабораторные работы (ЛР)	0	0	
<i>Самостоятельная работа (СРС)</i>	37,75	37,75	
с применением дистанционных образовательных технологий	0		
Подготовка к зачету	37,75	37.75	
Консультации и промежуточная аттестация	6,25	6,25	
Вид контроля (зачет, диф.зачет, экзамен)	-	зачет	

5. Содержание дисциплины

№ раздела	Наименование разделов дисциплины	Объем аудиторных занятий по видам в часах			
		Всего	Л	ПЗ	ЛР
1	Основные определения и понятия компьютерной алгебры	36	16	20	0

2	Основные методы решения задач компьютерной алгебры	28	16	12	0
---	--	----	----	----	---

5.1. Лекции

№ лекции	№ раздела	Наименование или краткое содержание лекционного занятия	Кол-во часов
1-2	1	Символьные вычисления. Определения алгебраических структур	4
3-4	1	Евклидовы кольца. Большие целые числа	4
5-6	1	Факториальные кольца. Метод Ферма	4
7-8	1	Малая теорема Ферма. Китайская теорема об остатках	4
9-10	2	Кольца классов вычетов. Сравнения	4
11-12	2	Квадратичные вычеты. Цепные дроби	4
11-12	2	Полином Лагранжа. Полином Ньютона	4
15-16	2	Алгоритм Евклида над полем. Неприводимые сомножители полиномов	4

5.2. Практические занятия, семинары

№ занятия	№ раздела	Наименование или краткое содержание практического занятия, семинара	Кол-во часов
1	1	Представление данных. Сложение и вычитание больших целых чисел	2
2	1	Умножение больших целых чисел.	2
3-4	1	Деление с остатком больших целых чисел	4
5	1	Диофантовы уравнения	2
6	1	Сложение и умножение по модулю	2
7	1	Интерполяционные полиномы	2
8-9	1	Диофантовы уравнения с двумя неизвестными	4
10	1	Диофантовы уравнения с несколькими переменными	2
11-12	2	Теорема Ферма. Китайская теорема об остатках	4
13	2	Проверочная работа	2
14	2	Системы счисления в компьютерной алгебре	2
15-16	2	Квадратичные вычеты (продолжение предыдущего занятия). Неприводимые сомножители полиномов	4

5.3. Лабораторные работы

Не предусмотрены

5.4. Самостоятельная работа студента

Выполнение СРС			
Подвид СРС	Список литературы (с указанием разделов, глав, страниц) / ссылка на ресурс	Семестр	Кол-во часов
Подготовка к зачету	Основная литература: [1] стр. 1-56, [3]: стр. 1-113.	6	37,75

6. Текущий контроль успеваемости, промежуточная аттестация

Контроль качества освоения образовательной программы осуществляется в соответствии с Положением о балльно-рейтинговой системе оценивания результатов учебной деятельности обучающихся.

6.1. Контрольные мероприятия (КМ)

№ КМ	Се- местр	Вид контроля	Название контрольного мероприятия	Вес	Макс. балл	Порядок начисления баллов	Учи- тыва- ется в ПА
1	6	Текущий контроль	Сложение длинных чисел	1	2	Письменная контрольная работа, 2 задания 0 - задание не выполнено к заданному сроку, или выполнено полностью неправильно 1 - задание выполнено в целом верно, но есть ошибки 2 - задание выполнено полностью верно	зачет
2	6	Текущий контроль	Умножение, сложение и вычитание чисел по любому основанию	1	2	Письменная контрольная работа, 2 задания 0 - задание не выполнено к заданному сроку, или выполнено полностью неправильно 1 - задание выполнено в целом верно, но есть ошибки 2 - задание выполнено полностью верно	зачет
3	6	Текущий контроль	Деление длинных чисел	1	2	Письменная контрольная работа, 3 задания 0 - задание не выполнено к заданному сроку, или выполнено полностью неправильно 1 - задание выполнено в целом верно, но есть ошибки 2 - задание выполнено полностью верно	зачет
4	6	Текущий контроль	Деление длинных чисел с остатком	1	2	Письменная контрольная работа, 2 задания 0 - задание не выполнено к заданному сроку, или выполнено полностью неправильно 1 - задание выполнено в целом верно, но есть ошибки 2 - задание выполнено полностью верно	зачет
5	6	Текущий контроль	Диофантовы уравнения	1	2	Письменная контрольная работа, 2 задания 0 - задание не выполнено к заданному сроку, или выполнено полностью неправильно 1 - задание выполнено в целом верно, но есть ошибки 2 - задание выполнено полностью верно	зачет
6	6	Текущий контроль	Сравнения по модулю простого числа	1	2	Письменная контрольная работа, 2 задания 0 - задание не выполнено к заданному сроку, или выполнено полностью	зачет

						неправильно 1 - задание выполнено в целом верно, но есть ошибки 2 - задание выполнено полностью верно	
7	6	Текущий контроль	Интерполяционные полиномы Лагранжа и Ньютона	1	2	Письменная контрольная работа, одно задание 0 - задание не выполнено к заданному сроку, или выполнено полностью неправильно 1 - задание выполнено в целом верно, но есть ошибки 2 - задание выполнено полностью верно	зачет
8	6	Текущий контроль	Диофантовы уравнения с двумя неизвестными	1	2	Письменная контрольная работа, одно задание 0 - задание не выполнено к заданному сроку, или выполнено полностью неправильно 1 - задание выполнено в целом верно, но есть ошибки 2 - задание выполнено полностью верно	зачет
9	6	Текущий контроль	Решение диофантовых уравнений с двумя неизвестными	1	2	Письменная контрольная работа, одно задание 0 - задание не выполнено к заданному сроку, или выполнено полностью неправильно 1 - задание выполнено в целом верно, но есть ошибки 2 - задание выполнено полностью верно	зачет
10	6	Текущий контроль	Диофантовы уравнения для нескольких попарно взаимно простых чисел	1	2	Письменная контрольная работа, одно задание 0 - задание не выполнено к заданному сроку, или выполнено полностью неправильно 1 - задание выполнено в целом верно, но есть ошибки 2 - задание выполнено полностью верно	зачет
11	6	Текущий контроль	Теорема Ферма	1	2	Письменная контрольная работа, 4 задания 0 - задание не выполнено к заданному сроку, или выполнено полностью неправильно 1 - задание выполнено в целом верно, но есть ошибки 2 - задание выполнено полностью верно	зачет
12	6	Текущий контроль	Китайская теорема об остатках	1	2	Письменная контрольная работа, 3 задания 0 - задание не выполнено к заданному сроку, или выполнено полностью неправильно 1 - задание выполнено в целом верно, но есть ошибки 2 - задание выполнено полностью верно	зачет
13	6	Текущий контроль	Проверочная работа	2	3	Контрольная работа. Студенту выдается билет в печатном виде, включающий в себя три задания	зачет

						<p>по темам, изученным на занятиях первого семестра. Для выполнения заданий студенту предоставляется 45 минут. Выполненные задания студенты сдают на проверку преподавателю до истечения указанного времени выполнения задания. По результатам проверки заданий проводится собеседование по вопросам билета с каждым студентом индивидуально.</p> <p>Баллы за зачет начисляются по следующему принципу: 0 - ни одно задание не выполнено верно, 1 - выполнено верно только одно задание, 2 - выполнено верно только два задания, 3 - выполнены верно три задания.</p>	
14	6	Текущий контроль	Системы счисления в компьютерной алгебре	1	2	<p>Письменная контрольная работа, 3 задания 0 - задание не выполнено к заданному сроку, или выполнено полностью неправильно 1 - задание выполнено в целом верно, но есть ошибки 2 - задание выполнено полностью верно</p>	зачет
15	6	Текущий контроль	Алгоритм Евклида над полем	1	2	<p>Письменная контрольная работа, 3 задания. 0 - задание не выполнено к заданному сроку, или выполнено полностью неправильно 1 - задание выполнено в целом верно, но есть ошибки 2 - задание выполнено полностью верно</p>	зачет
16	6	Текущий контроль	Неприводимые сомножители полиномов	1	2	<p>Письменная контрольная работа, 3 задания 0 - задание не выполнено к заданному сроку, или выполнено полностью неправильно 1 - задание выполнено в целом верно, но есть ошибки 2 - задание выполнено полностью верно</p>	зачет
17	6	Промежуточная аттестация	Зачет по дисциплине	-	3	<p>Баллы за зачет начисляются по следующему принципу: 0 - ни одно задание не выполнено верно, ни на один вопрос не дан правильный и полный ответ, 1 - выполнено верно только одно задание, даны ответы не на все вопросы, 2 - выполнено верно только два задания, на некоторые вопросы ответы не обоснованы,</p>	зачет

						3 - выполнены верно три задания, даны правильные и полные ответы на все поставленные вопросы.	
--	--	--	--	--	--	---	--

6.2. Процедура проведения, критерии оценивания

Вид промежуточной аттестации	Процедура проведения	Критерии оценивания
зачет	Решение практических заданий по темам, изученным во время семестра, по билетам, а также собеседование по итогам выполнения задания. Данное контрольное мероприятие является обязательным. Контрольное мероприятие промежуточной аттестации проводится во время зачета в виде выполнения заданий по билетам, а также собеседования по итогам выполнения задания. Студенту выдается билет в печатном виде, включающий в себя три задания по темам, изученным на занятиях второго семестра. Для выполнения заданий студенту предоставляется 45 минут. Выполненные задания студенты сдают на проверку преподавателю до истечения указанного времени выполнения задания. По результатам проверки заданий проводится собеседование по вопросам билета с каждым студентом индивидуально.	В соответствии с пп. 2.5, 2.6 Положения

6.3. Оценочные материалы

Компетенции	Результаты обучения	№ КМ																
		1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17
ОПК-1	Знает: основные понятия и методы алгебры, геометрии и математического анализа	+	+	+	+	+	+	+	+	+	+	+	+	+	+	+	+	+
ОПК-1	Умеет: применять и обосновывать выбранные методы алгебры, геометрии и математического анализа		+	+	+	+	+	+	+	+	+	+	+	+	+	+	+	+
ОПК-1	Имеет практический опыт: использование методов алгебры, геометрии и математического анализа	+	+	+	+	+	+	+	+	+	+	+	+	+	+	+	+	+
ОПК-3	Знает: основные методы и средства компьютерной алгебры	+	+	+	+	+	+	+	+	+	+	+	+	+	+	+	+	+
ОПК-3	Умеет: применять и развивать методы компьютерной алгебры с применением аналитических и научных пакетов прикладных программ									+	+	+	+		+	+	+	+
ОПК-3	Имеет практический опыт: использования методов компьютерной алгебры с применением аналитических и научных пакетов прикладных программ									+	+	+	+		+	+	+	+

Фонды оценочных средств по каждому контрольному мероприятию находятся в приложениях.

7. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины

Печатная учебно-методическая документация

а) основная литература:

Не предусмотрена

б) *дополнительная литература:*

Не предусмотрена

в) *отечественные и зарубежные журналы по дисциплине, имеющиеся в библиотеке:*

Не предусмотрены

г) *методические указания для студентов по освоению дисциплины:*

1. Методическое пособие по компьютерной алгебре

из них: учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы студента:

1. Методическое пособие по компьютерной алгебре

Электронная учебно-методическая документация

№	Вид литературы	Наименование ресурса в электронной форме	Библиографическое описание
1	Основная литература	Электронно-библиотечная система издательства Лань	Шилин, И. А. Компьютерная алгебра в задачах : учебное пособие / И. А. Шилин. — Москва : МПГУ, 2018. — 56 с. — ISBN 978-5-4263-0664-6. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: https://e.lanbook.com/book/122363 (дата обращения: 08.07.2021). — Режим доступа: для авториз. пользователей.
2	Дополнительная литература	Электронно-библиотечная система издательства Лань	Венатовская, Л. А. Исследование колебаний упругих тел методами компьютерной алгебры : учебное пособие / Л. А. Венатовская. — Санкт-Петербург : Лань, 2021. — 32 с. — ISBN 978-5-8114-3301-8. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: https://e.lanbook.com/book/169220 (дата обращения: 08.07.2021). — Режим доступа: для авториз. пользователей.
3	Основная литература	Электронно-библиотечная система издательства Лань	Царев, А. В. Элементы абстрактной и компьютерной алгебры : учебное пособие / А. В. Царев, Г. В. Шеина. — Москва : МПГУ, 2016. — 116 с. — ISBN 978-5-4263-0393-5. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: https://e.lanbook.com/book/106017 (дата обращения: 08.07.2021). — Режим доступа: для авториз. пользователей.
4	Дополнительная литература	Электронно-библиотечная система издательства Лань	Седов, Е. С. Основы работы в системе компьютерной алгебры Mathematica : учебное пособие / Е. С. Седов. — 2-е изд. — Москва : ИНТУИТ, 2016. — 401 с. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: https://e.lanbook.com/book/100339 (дата обращения: 08.07.2021). — Режим доступа: для авториз. пользователей.

Перечень используемого программного обеспечения:

1. Math Works-MATLAB (Simulink R2008a, SYMBOLIC MATH)(бессрочно)

Перечень используемых профессиональных баз данных и информационных справочных систем:

Нет

8. Материально-техническое обеспечение дисциплины

Не предусмотрено