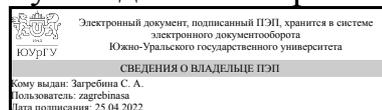


УТВЕРЖДАЮ:  
Руководитель направления



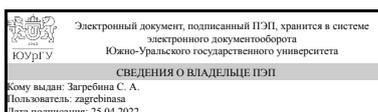
С. А. Загребина

## РАБОЧАЯ ПРОГРАММА

**дисциплины 1.О.10 Дискретная математика и математическая логика  
для направления 01.03.04 Прикладная математика  
уровень Бакалавриат  
форма обучения очная  
кафедра-разработчик Математическое и компьютерное моделирование**

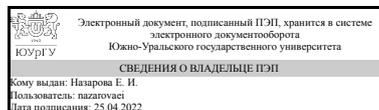
Рабочая программа составлена в соответствии с ФГОС ВО по направлению подготовки 01.03.04 Прикладная математика, утверждённым приказом Минобрнауки от 10.01.2018 № 11

Зав.кафедрой разработчика,  
д.физ.-мат.н., проф.



С. А. Загребина

Разработчик программы,  
к.физ.-мат.н., доцент



Е. И. Назарова

## 1. Цели и задачи дисциплины

Цель: освоение знаний об основных понятиях и методах дискретной математики и математической логики, их использование при решении профессиональных задач

Задачи: 1) формирование математической культуры студента, 2) фундаментальная подготовка по основным разделам дискретной математики и математической логики, 3) овладение современным математическим аппаратом для дальнейшего использования при решении теоретических и прикладных задач.

## Краткое содержание дисциплины

Аксиоматические теории и их свойства, системы счисления, алгебра логики, исчисление высказываний, логика предикатов, алгоритмы, множества и отношения, элементы комбинаторики, метод математической индукции, введение в теорию графов

## 2. Компетенции обучающегося, формируемые в результате освоения дисциплины

Планируемые результаты освоения ОП ВО (компетенции)	Планируемые результаты обучения по дисциплине
ОПК-1 Способен применять знание фундаментальной математики и естественно-научных дисциплин при решении задач в области естественных наук и инженерной практике	Знает: основные понятия и методы дискретной математики и математической логики Умеет: применять и обосновывать выбранные методы дискретной математики и математической логики Имеет практический опыт: использования методов дискретной математики и математической логики

## 3. Место дисциплины в структуре ОП ВО

Перечень предшествующих дисциплин, видов работ учебного плана	Перечень последующих дисциплин, видов работ
Нет	1.О.16 Дифференциальные уравнения, 1.О.19 Многомерный статистический анализ, 1.О.15 Математика в современном естествознании, 1.О.14 Математические основы аналитической механики и теоретической физики, 1.О.11 Дополнительные главы математического анализа, 1.О.17 Уравнения математической физики, 1.О.18 Математическая статистика, 1.О.22 Компьютерная алгебра, 1.О.12 Комплексный анализ, 1.О.13 Теория вероятностей и случайные процессы

Требования к «входным» знаниям, умениям, навыкам студента, необходимым при освоении данной дисциплины и приобретенным в результате освоения предшествующих дисциплин:

Нет

#### 4. Объём и виды учебной работы

Общая трудоемкость дисциплины составляет 6 з.е., 216 ч., 96,5 ч. контактной работы

Вид учебной работы	Всего часов	Распределение по семестрам в часах	
		Номер семестра	
		1	2
Общая трудоёмкость дисциплины	216	108	108
<i>Аудиторные занятия:</i>	96	48	48
Лекции (Л)	40	16	24
Практические занятия, семинары и (или) другие виды аудиторных занятий (ПЗ)	56	32	24
Лабораторные работы (ЛР)	0	0	0
<i>Самостоятельная работа (СРС)</i>	107,5	53,75	53,75
с применением дистанционных образовательных технологий	0		
Подготовка к дифференцированному зачету	18	0	18
Подготовка к зачету	18	18	0
Выполнение общих и индивидуальных домашних заданий	35,5	17,75	17,75
Подготовка к аудиторным контрольным работам	36	18	18
Консультации и промежуточная аттестация	12,5	6,25	6,25
Вид контроля (зачет, диф.зачет, экзамен)	-	зачет	диф.зачет

#### 5. Содержание дисциплины

№ раздела	Наименование разделов дисциплины	Объем аудиторных занятий по видам в часах			
		Всего	Л	ПЗ	ЛР
1	Введение в математическую логику	6	2	4	0
2	Алгебра логики. Исчисление высказываний	12	4	8	0
3	Исчисление предикатов	10	4	6	0
4	Аксиоматические теории	8	2	6	0
5	Элементы теории алгоритмов	12	4	8	0
6	Множества и отношения	16	8	8	0
7	Комбинаторика	16	8	8	0
8	Элементы теории графов	16	8	8	0

##### 5.1. Лекции

№ лекции	№ раздела	Наименование или краткое содержание лекционного занятия	Кол-во часов
1	1	Цель, задачи, предмет курса. Аксиоматический подход и его сущность. Связь курса с другими предметами. Системы счисления	2

2	2	Понятие высказывания. Язык логики высказываний. Логические операции над высказываниями: отрицание, конъюнкция, дизъюнкция, импликация. Эквивалентность	2
3	2	Формулы алгебры логики. Классификация формул. Равносильные формулы. Равносильные преобразования формул. Понятие формулы исчисления высказываний. Система аксиом исчисления высказываний. Понятие вывода	2
4	3	Понятие логики предикатов. Логические операции над предикатами. Кванторные операции	2
5	3	Равносильные формулы. Общезначимость и выполнимость формул логики предикатов. Формальная система для логики предикатов	2
6	4	Понятие модели и интерпретации аксиоматической теории. Свойства аксиоматических теорий	2
7	5	Формализация понятия алгоритм. Машина Тьюринга	2
8	5	Нормальные алгоритмы Маркова. Свойства алгоритмов. Тезисы Тьюринга, Маркова, Чёрча	2
9-10	6	Понятие множества. Операции над множествами. Метод математической индукции	4
11-12	6	Отношения: основные понятия. Свойства отношений.	4
13-14	7	Понятие выборки, виды выборок. Основные комбинаторные формулы и правила	4
15-16	7	Бином Ньютона. Полиномиальная теорема	4
17-18	8	Граф: ориентированный и неориентированный, основные понятия, способы задания. Операции над графами. Изоморфизм. Связность.	4
19-20	8	Эйлеровы и гамильтоновы графы. Деревья и леса. Поиск в глубину и ширину.	4

## 5.2. Практические занятия, семинары

№ занятия	№ раздела	Наименование или краткое содержание практического занятия, семинара	Кол-во часов
1	1	Системы счисления. Алфавиты, правила перевода	2
2	1	Системы счисления. Правила перевода. Арифметические операции.	2
3	2	Высказывания. Операции с высказываниями	2
4	2	Основные логические связи. Построение таблиц истинности	2
5	2	Виды формул. СДНФ, СКНФ. Преобразование СНФ. Релейно-контактные схемы	2
6	2	Доказательство тавтологий без применения таблиц истинности. Аудиторная контрольная работа (ПК1, 1 семестр, 45 мин)	2
7	3	Высказывания с предикатами. Операция квантирования	2
8	3	Разбор формулировок теорем, приведение их к виду формул алгебры предикатов	2
9	3	Разбор формулировок теорем, приведение их к виду формул алгебры предикатов. Построение отрицаний	2
10	4	Аудиторная контрольная работа (ПК2, 1 семестр, 45 мин). Обсуждение аксиоматических теорий.	2
11	4	Обсуждение аксиоматических теорий.	2
12	4	Аксиомы Пеано. Понятие метода математической индукции.	2
13	5	Применение машин Тьюринга.	2
14	5	Синтез машин Тьюринга.	2
15	5	Применение нормальных алгоритмов Маркова	2
16	5	Синтез нормальных алгоритмов Маркова	2

17-18	6	Операции над множествами. Способы задания множеств. Метод математической индукции.	4
19-20	6	Отношения: примеры, свойства. Аудиторная контрольная работа (ПК1, 2 семестр, 45 мин)	4
21-22	7	Задачи на основные формулы и правила комбинаторики. Формула включения/исключения	4
23-24	7	Применение формул Бинома Ньютона и полиномиальной формулы. Аудиторная контрольная работа (ПК2, 2 семестр, 45 мин)	4
25-26	8	Задачи на способы задания графов. Изоморфизм графов.	4
27-28	8	Эйлеровы и гамильтоновы графы. Поиск в ширину и глубину. Аудиторная контрольная работа (ПК3, 2 семестр, 45 мин)	4

### 5.3. Лабораторные работы

Не предусмотрены

### 5.4. Самостоятельная работа студента

Выполнение СРС			
Подвид СРС	Список литературы (с указанием разделов, глав, страниц) / ссылка на ресурс	Семестр	Кол-во часов
Подготовка к дифференцированному зачету	ОПЛ: [1] и [2] раздел 1, 3, 5, 7; Электр. ДЛ: глава 1, 3-8, 10	2	18
Подготовка к зачету	ОПЛ: [1] и [2] раздел 4; ДПЛ: [1] и [2] глава 1-5; Электр. ОЛ: [1] часть 1 и 2	1	18
Выполнение общих и индивидуальных домашних заданий	ОПЛ: [1] раздел 1, 3, 5, 7, [3], глава 3, 4; Электр. ДЛ: глава 1, 3-8, 10	2	17,75
Выполнение общих и индивидуальных домашних заданий	ОПЛ: [1] раздел 4, [3], глава 1; ДПЛ: [2] глава 1-5; Электр. ОЛ: [1] часть 2	1	17,75
Подготовка к аудиторным контрольным работам	ОПЛ: [2] раздел 4; ДПЛ: [1] глава 1-5; Электр. ОЛ: [1] часть 1	1	18
Подготовка к аудиторным контрольным работам	ОПЛ: [2] раздел 1, 3, 5, 7; Электр. ДЛ: глава 1, 3-8, 10	2	18

## 6. Фонд оценочных средств для проведения текущего контроля успеваемости, промежуточной аттестации

Контроль качества освоения образовательной программы осуществляется в соответствии с Положением о балльно-рейтинговой системе оценивания результатов учебной деятельности обучающихся.

### 6.1. Контрольные мероприятия (КМ)

№ КМ	Се-местр	Вид контроля	Название контрольного мероприятия	Вес	Макс. балл	Порядок начисления баллов	Учитывается в ПА
1	1	Текущий контроль	ПК1	0,15	15	Задачи 1 - 3 оцениваются в 4 балла, задача 4 - в 3 балла. Максимальный балл ставится за верно выполненное задание, если допущена	зачет

						несущественная ошибка, то снижается на 1 балл, за существенную ошибку - 2 балла, за две существенные ошибки (в задачах 1-3) - 3 балла. Если студент начал решать задание, но не довел до ответа, то за задание ставится 1 балл. В других случаях задача оценивается в 0 баллов.	
2	1	Текущий контроль	ПК 2	0,15	15	Задачи 1 - 3 оцениваются в 4 балла, задача 4 - в 3 балла. Максимальный балл ставится за верно выполненное задание, если допущена несущественная ошибка, то снижается на 1 балл, за одну существенную ошибку - 2 балла, за две существенные ошибки (в задачах 1-3) - 3 балла. Если студент начал решать задание, но не довел до ответа, то за задание ставится 1 балл. В других случаях задача оценивается в 0 баллов.	зачет
3	1	Текущий контроль	T1	0,06	6	Контрольная точка T1 оценивается 6 баллами, проверяет усвоение основных определений и понятий пройденного материала. Содержит 6 заданий теоретического характера. Проводится в форме теста на лекционном занятии (правильный ответ на вопрос теста - 1 балл, неправильный - 0 баллов), ограничение по времени - 6 минут. T1 можно переписать, при этом в журнал выставляется балл за последнюю попытку	зачет
4	1	Текущий контроль	T2	0,06	6	Контрольная точка T2 оценивается 6 баллами, проверяет усвоение основных определений и понятий пройденного материала (исчисление высказываний, логика предикатов). Содержит задания теоретического характера. Проводится в форме теста на лекционном занятии (правильный ответ на вопрос теста - 1 балл, неправильный - 0 баллов),	зачет

						ограничение по времени - 5 минут. Контрольную точку можно переписать, при этом в журнал выставляется балл за последнюю попытку.	
5	1	Текущий контроль	ТЗ	0,08	8	При наличии полного конспекта выставляются баллы за контрольную точку, используя шкалу соответствия баллов процентам посещаемости: 8 баллов за 90–100% посещенных аудиторных занятий по дисциплине, 7 за 80–89%, 6 за 70–79%, 5 за 60–69%, 4 за 50–59%, 3 за 40–49%, 2 за 30–39%, 1 за 20–29%, 0 за 0–19%. Если конспект неполный, то балл за контрольную точку равен 0.	зачет
6	1	Текущий контроль	П1	0,05	5	Контроль степени выполнения студентами домашних заданий и работы на практических занятиях (с 1 по 8 недели семестра). Контроль проводится в форме проверки выполнения домашних заданий и оценки активной познавательной деятельности на практических занятиях. Максимальная оценка за каждую из контрольных точек П1 и П2 составляет 5 баллов: 5 баллов - активная работа на ПЗ и выполнение ДЗ более 84%; 4 балла - активная работа на ПЗ и выполнение ДЗ от 75% до 84%; 3 балла - в основном активная работа на ПЗ и выполнение ДЗ от 60% до 74%; 2 балла - неактивная работа на ПЗ и выполнение ДЗ от 60% до 74%; 1 балл - неактивная работа на ПЗ и выполнение ДЗ менее 60%	зачет
7	1	Текущий контроль	П2	0,05	5	Контроль степени выполнения студентами домашних заданий и работы на практических занятиях (с 9 по 16 недели семестра). Контроль проводится в форме проверки выполнения домашних заданий и оценки активной познавательной деятельности на	зачет

						<p>практических занятиях. Максимальная оценка за каждую из контрольных точек П1 и П2 составляет 5 баллов: 5 баллов - активная работа на ПЗ и выполнение ДЗ более 84%; 4 балла - активная работа на ПЗ и выполнение ДЗ от 75% до 84%; 3 балла - в основном активная работа на ПЗ и выполнение ДЗ от 60% до 74%; 2 балла - неактивная работа на ПЗ и выполнение ДЗ от 60% до 74%; 1 балл - неактивная работа на ПЗ и выполнение ДЗ менее 60%</p>	
8	1	Текущий контроль	С1	0,1	10	<p>Контрольная точка С1 является индивидуальным домашним заданием (часть 1) и выполняется студентом самостоятельно дома. Максимальный балл - 10 баллов: задания 1 и 2 по 1 баллу за верно выполненное, 0 баллов за неверно выполненное; остальные задания оцениваются максимально по 2 балла за верно выполненное, 1 балл - задание частично не решено, либо присутствует несущественная ошибка, 0 баллов за неверно выполненное задание.</p> <p>Номер варианта соответствует порядковому номеру студента в журнале группы с 1 по 20, номеру 21 соответствует вариант 1, номеру 22 - вариант 2 и т.д. Выполненные задания сдаются на практическом занятии до 24.11.2020.</p> <p>Список заданий: стр. 4 задание 1, стр. 5 задание 2, стр. 7 задание 3, стр. 15 задание 8 (1 и 2), стр. 21 задание 10.</p>	зачет
9	1	Текущий контроль	С2	0,1	10	<p>Контрольная точка С2 является индивидуальным домашним заданием (часть 2) и выполняется студентом самостоятельно дома. Максимальный балл - 10</p>	зачет

						баллов: задания оцениваются максимально по 2 балла за верно выполненное, 1 балл - задание частично не решено, либо присутствует несущественная ошибка, 0 баллов за неверно выполненное задание.	
10	1	Текущий контроль	P1	0,2	20	<p>P1 - реферат, который необходимо сдать до конца семестра. Сдача реферата осуществляется во второй половине семестра в форме доклада по выбранной теме (не более 5 мин.).</p> <p>Максимальный балл: 20. Балл учитывает: оформление реферата (соответствие требованиям) - 5 баллов (снижение баллов по 1: за нарушение структуры, большое количество опечаток, неправильное оформление литературы, стиль оформления разный, нет введения или заключения); содержание реферата (соответствие теме) - 5 баллов (4 балла - содержит немного информации, выходящей за рамки темы, 3 балла - содержится много информации, не соответствующей теме, 2 балла - тема раскрыта не полностью, 1 балл - тема практически не раскрыта); оригинальность - 5 баллов от 85% до 100%, 4 балла - от 75% до 84%, 3 балла - от 60% до 74%, 2 балла - от 45% до 59%, 1 балл - менее 45%; доклад - 5 баллов - уверенный рассказ с презентацией, 4 балла - неуверенный рассказ с презентацией, 3 балла - уверенный рассказ без презентации, 2 балла - неуверенный рассказ без презентации, 1 балл - чтение по листочку.</p>	зачет
11	2	Текущий контроль	ПК1	0,1	10	<p>Задачи 1-3 оцениваются в 2 балла, задача 4 - в 4 балла (по 2 балла за каждую подзадачу). Максимальный балл ставится за верно выполненное</p>	дифференцированный зачет

						задание, если допущена незначительная ошибка, то снижается на 0,5 балла, за существенную ошибку при сохранении верной последовательности действий для решения задачи - 1 балл. Если студент начал решать задание, но не довел до ответа, или решил задание не полностью, то за задание ставится 1 балл	
12	2	Текущий контроль	ПК2	0,15	15	За каждое задание максимально 3 балла. Максимальный балл ставится за верно выполненное задание, если допущена незначительная ошибка, то снижается на 1 балл, за существенную ошибку - 2 балла. Если студент начал решать задание, но не довел до ответа, то за задание ставится 1 балл	дифференцированный зачет
13	2	Текущий контроль	ПК3	0,15	15	За каждое задание максимально 3 балла. Максимальный балл ставится за верно выполненное задание, если допущена незначительная ошибка, то снижается на 1 балл, за существенную ошибку - 2 балла. Если студент начал решать задание, но не довел до ответа, то за задание ставится 1 балл	дифференцированный зачет
14	2	Текущий контроль	T1	0,06	6	Тест содержит 6 вопросов по темам: "Множества", "Отношения", "Основы комбинаторики". Максимальный балл - 6 баллов. Ограничение по времени - 5 минут. Тест можно будет пройти дважды, итоговый балл - балл за последнюю попытку. За верный ответ на каждый вопрос - 1 балл, за неверный - 0 баллов.	дифференцированный зачет
15	2	Текущий контроль	T2	0,06	6	Тест содержит 6 вопросов по теме: "Комбинаторика": основные формулы и определения, элементарные задачи. Максимальный балл - 6 баллов. Ограничение по времени - 5 минут. Тест	дифференцированный зачет

						можно будет пройти дважды, итоговый балл - балл за последнюю попытку. За верный ответ на каждый вопрос - 1 балл, за неверный - 0 баллов.	
16	2	Текущий контроль	Т3	0,06	6	Тест содержит 6 вопросов по теме: "Теория графов": основные формулы и определения, элементарные задачи. Максимальный балл - 6 баллов. Ограничение по времени - 5 минут. Тест можно будет пройти дважды, итоговый балл - балл за последнюю попытку. За верный ответ на каждый вопрос - 1 балл, за неверный - 0 баллов.	дифференцированный зачет
17	2	Текущий контроль	Т4	0,08	8	При наличии полного конспекта выставляются баллы за контрольную точку, используя шкалу соответствия баллов процентам посещаемости: 8 баллов за 90–100% посещенных аудиторных занятий по дисциплине, 7 за 80–89%, 6 за 70–79%, 5 за 60–69%, 4 за 50–59%, 3 за 40–49%, 2 за 30–39%, 1 за 20–29%, 0 за 0–19%. Если конспект неполный, то балл за контрольную точку равен 0.	дифференцированный зачет
18	2	Текущий контроль	П1	0,07	7	Контроль степени выполнения студентами домашних заданий и работы на практических занятиях (с 1 по 8 недели семестра). Контроль проводится в форме проверки выполнения домашних заданий и оценки активной познавательной деятельности на практических занятиях. Максимальный балл за П1 составляет 7 баллов: 7 баллов - активная работа на П3 и выполнение ДЗ более 84% со средней оценкой 4 и выше; 6 баллов - активная работа на П3 и выполнение ДЗ более 84% со средней оценкой 3; 5 баллов - активная работа на П3 и выполнение ДЗ от 75% до 84% со средней оценкой 4	дифференцированный зачет

						и выше; 4 балла - активная работа на ПЗ и выполнение ДЗ от 75% до 84% со средней оценкой 3; 3 балла - в основном активная работа на ПЗ и выполнение ДЗ от 60% до 74% со средней оценкой от 3 до 5; 2 балла - неактивная работа на ПЗ и выполнение ДЗ от 60% до 74% со средней оценкой от 3 до 5; 1 балл - неактивная работа на ПЗ и выполнение ДЗ менее 60%, 0 баллов - в других случаях.	
19	2	Текущий контроль	П2	0,07	7	Контроль степени выполнения студентами домашних заданий и работы на практических занятиях (с 9 по 16 недели семестра). Контроль проводится в форме проверки выполнения домашних заданий и оценки активной познавательной деятельности на практических занятиях. Максимальный балл за П2 составляет 7 баллов: 7 баллов - активная работа на ПЗ и выполнение ДЗ более 84% со средней оценкой 4 и выше; 6 баллов - активная работа на ПЗ и выполнение ДЗ более 84% со средней оценкой 3; 5 баллов - активная работа на ПЗ и выполнение ДЗ от 75% до 84% со средней оценкой 4 и выше; 4 балла - активная работа на ПЗ и выполнение ДЗ от 75% до 84% со средней оценкой 3; 3 балла - в основном активная работа на ПЗ и выполнение ДЗ от 60% до 74% со средней оценкой от 3 до 5; 2 балла - неактивная работа на ПЗ и выполнение ДЗ от 60% до 74% со средней оценкой от 3 до 5; 1 балл - неактивная работа на ПЗ и выполнение ДЗ менее 60%, 0 баллов - в других случаях.	дифференцированный зачет
20	2	Текущий контроль	С1	0,1	10	Контрольная точка С1 является индивидуальным домашним заданием (часть 1) и выполняется студентом самостоятельно дома. Максимальный балл - 10	дифференцированный зачет

						баллов: задания оцениваются максимально по 2 балла за верно выполненное, 1 балл - задание частично не решено, либо присутствует несущественная ошибка, 0 баллов за неверно выполненное задание.	
21	2	Текущий контроль	C2	0,1	10	Контрольная точка C2 является индивидуальным домашним заданием (часть 2) и выполняется студентом самостоятельно дома. Максимальный балл - 10 баллов: задания оцениваются максимально по 2 балла за верно выполненное, 1 балл - задание частично не решено, либо присутствует несущественная ошибка, 0 баллов за неверно выполненное задание.	дифференцированный зачет
22	1	Промежуточная аттестация	Зачет	-	40	Задания 1-5: максимальный балл - 3 за верно решенное задание, 2 балла - в решении есть незначительная ошибка, 1 балл - в решении есть существенная ошибка, но ход решения верный, в других случаях - 0 баллов. Задания 6-10: максимальный балл - 5 за верно решенное задание, 4 балла - в решении есть незначительная ошибка, 3 балл - в решении есть 2 незначительные ошибки, которые привели к неверному ответу, 2 балла - в решении есть существенная ошибка, но ход решения верный, 1 балл - к решению приступили, но не довели до ответа, в других случаях - 0 баллов.	зачет
23	2	Промежуточная аттестация	ДифЗачет	-	40	Задания 1-5: максимальный балл - 3 за верно решенное задание, 2 балла - в решении есть незначительная ошибка, 1 балл - в решении есть существенная ошибка, но ход решения верный, в других случаях - 0 баллов. Задания 6-10: максимальный балл - 5 за верно решенное задание, 4 балла - в решении есть незначительная ошибка, 3 балл - в решении есть 2	дифференцированный зачет





		издательства Лань	: Лань, 2009. — 288 с. <a href="https://e.lanbook.com/book/231">https://e.lanbook.com/book/231</a>
2	Дополнительная литература	Электронно-библиотечная система издательства Лань	Микони, С. В. Дискретная математика для бакалавра: множества, отношения, функции, графы : учебное пособие / С. В. Микони. — Санкт-Петербург : Лань, 2021. — 192 с. — ISBN 978-5-8114-1386-7. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. <a href="https://e.lanbook.com/book/168465">https://e.lanbook.com/book/168465</a>

Перечень используемого программного обеспечения:

Нет

Перечень используемых профессиональных баз данных и информационных справочных систем:

Нет

## 8. Материально-техническое обеспечение дисциплины

Вид занятий	№ ауд.	Основное оборудование, стенды, макеты, компьютерная техника, предустановленное программное обеспечение, используемое для различных видов занятий
Лекции	708a (1)	Компьютер, видеокамера, проектор